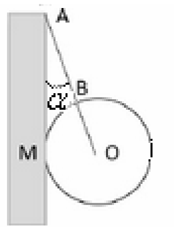
Série d'exercices :équilibre d'un corps sous l'action de trois forces (tronc commun)

1er exercice :

Une sphère (S) homogène , de masse m=1,4kg de rayon r=10cm et de centre O ,est attachée en A à un mur parfaitement lisse , par l'intermédiaire d'un fil fixé en un point B de sa surface .
La sphère repose en M contre le mur.



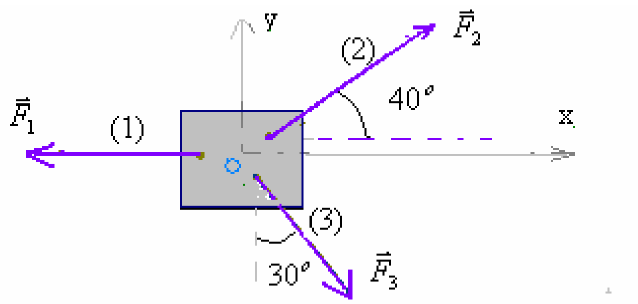
1) Quelle sont les forces qui s'exercent sur la sphère ?
2) a)Quelles relations existent entre ces forces à l'équilibre?
   b)Représentez ces forces sur la figure.
3) Sachant que le fil AB a une longueur AB=20cm .
3-1- Calculer la valeur de l'angle α .
3-2- a) En utilisant la méthode graphique calculer l'intensité de la tension $\vec{T}$ du fil et celle de la réaction $\vec{R}$ du mur
   b) Même question en utilisant la méthode analytique.

On donne g=10N/kg

....

2er exercice :

Le corps S est en équilibre sous l'action de trois forces $\vec{F}_1$, $\vec{F}_2$ et $\vec{F}_3$ Exercées par les fils (1) , (2) et (3). (voir schéma).

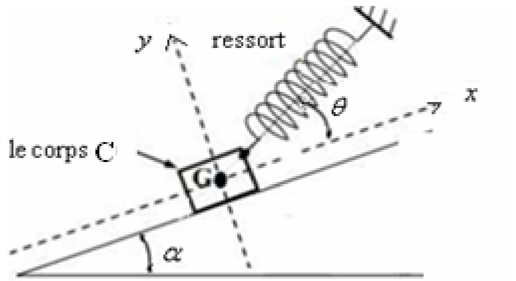


Le poids du corps S est négligeable devant les intensités des trois forces. On considère le repère (O,x,y) d'origine O confondu avec le centre de gravité du corps S.
Sachant que l'intensité de la force $\vec{F}_2$ est $F_2 = 4N$.
1) Donner les conditions S d'équilibre du corps S.
2) Déterminer en utilisant la méthode analytique l'intensité de la force $\vec{F}_3$ (par projection sur l'axe oy).
3) Déterminer en utilisant la méthode analytique l'intensité de la force $\vec{F}_1$ (par projection sur l'axe ox).

....

3ème exercice :

Un corps solide C de masse m=200g est maintenu en équilibre sur un plan incliné d'un angle $\alpha = 30^o$ par rapport à l'horizontal par l'intermédiaire d'un ressort de constante de raideur K=40N.m^{-1}.
Lorsque l'équilibre est établi le ressort est allongé et son axe fait un angle $\theta = 20^o$ avec la ligne de plus grande pente du plan incliné.



Sachant que le contact se fait sans frottement et l'intensité de pesanteur $g = 10N/kg$:
1) Faites le bilan des forces qui s'exercent sur le corps C à l'équilibre et représentez ces forces sur la figure précédente.
2) 2-1- En utilisant la méthode analytique , déterminer l'expression de l'allongement $\Delta\ell$ du ressort à l'équilibre en fonction de g , θ et , K α . puis calculer la valeur de l'allongement $\Delta\ell$. (utiliser la projection sur l'axe ox)
2-2- En déduire la tension du ressort .
3) Déterminer l'intensité de la réaction R du plan incliné sur le corps C.

....

4ème exercice :

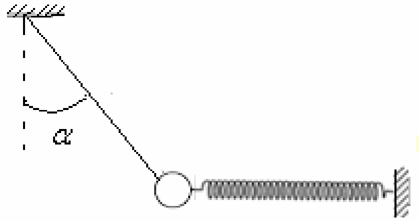
Soit un corps S, de masse m inconnue, maintenu en équilibre sur un plan incliné sans frottement par un ressort.
Le plan incliné fait un angle α = 20° avec l'horizontal et la raideur du ressort k = 15 N.m^{-1}.

1. Faire le bilan des forces qui s'exercent sur le corps S.
2. représentez ces forces.
3. Calculer l'intensité de la force exercée par le ressort sur le corps S (tension de ressort T) sachant que son allongement est : $\Delta\ell = 5cm$.
4. En utilisant la méthode analytique (projections vectorielles) :
   a) Déterminer la valeur de la masse m du corps S.
   b) Déterminer l'intensité de la réaction du plan incliné sur le corps S.

On donne : g=10N/kg

5ème exercice :

Un disque homogène métallique très mince, de masse m=300g est accroché à un fil et à un ressort selon la figure ci-contre.
Lorsque l'équilibre est établit on constate que le dispositif est dans un plan vertical .Le ressort exerce une force d'intensité F=4N sur le disque.

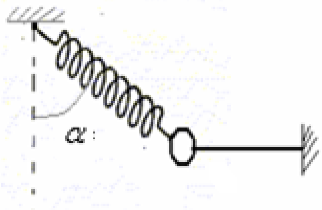


1) Faire le bilan des forces qui s'exercent sur le disque .
2) Donnez la condition d'équilibre du disque.
3) Déterminer l'intensité de la force exercée par le fil sur le disque et la valeur de l'angle α .
   3-1-par construction géométrique.
   3-2- par la méthode analytique.

On donne : g=10N/kg

6ème exercice :

On considère un solide S de masse m=200g, accroché à un ressort et à un fil comme l'indique la figure.
Lorsque l'équilibre est établit, le ressort fait un angle $\alpha = 30^o$ par rapport à la verticale et le fil est horizontal.
La constante de raideur est K=40 N/m et g= 10N/m.

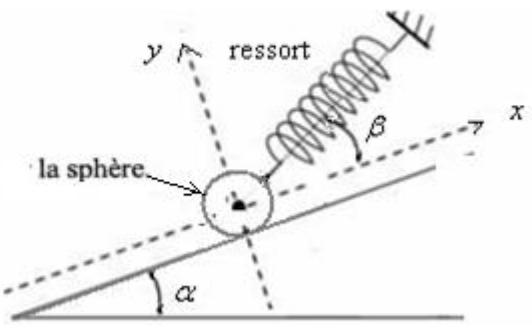


1) Représenter les forces qui s'exercent sur le solide S.
2) Choisir un système d'axe orthonormés convenable et représenter le sur la figure.
3) Donner la condition d'équilibre du solide S.
4) Trouver les composantes de chacune des forces qui s'exercent sue S dans le système d'axe choisi.
5) Calculer la tension du ressort .
6) Déduire l'allongement $\Delta\ell$ du ressort à l'équilibre.

7ème exercice :

Une sphère homogène de masse m=1,7kg repose sans frottement sur un plan lisse incliné d'un angle α = 40° avec l'horizontale. La sphère est maintenue sur le plan incliné par l'intermédiaire d'un ressort faisant un angle β avec la ligne de plus grande pente du plan .

1/ Faire le bilan des forces qui s'exercent sur la sphère.
2/ Donner l'expression de la force T exercée par le ressort sur la sphère en fonction de l'angleβ., **m** , α **et g**.
3/ Calculer T pour β=0° ; β=25° et β=45°.
4/ En déduire pour chaque cas l'allongement de ce ressort de raideur k=60N/m.

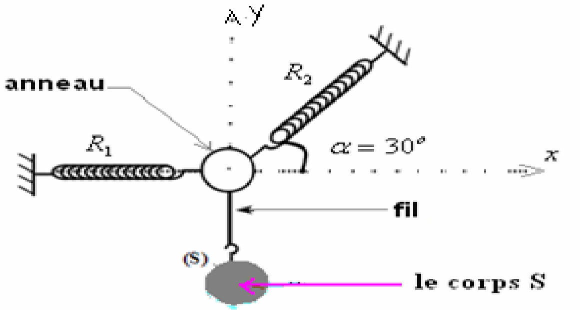


On donne g=10N/kg

$8^{ème}$ exercice :

On donne g=9,8N/kg

Le système représenté dans la figure (1) est en équilibre , il est composé d'un corps (S) homogène de masse m=600g



Le corps S est suspendu à un fil et lié à un anneau de masse négligeable.
L'anneau est maintenu en état d'équilibre par un fil et deux ressorts:

-Le ressort R_1 exerce sur le corps S une force horizontale $\vec{F}_1$.

-Le ressort R_2 exerce sur le corps S une force horizontale $\vec{F}_2$ faisant un angle $\alpha = 30^o$ avec l'horizontale.

(le fil est inextensible et exerce sur le corps S une force $\vec{T}$).

On donne g=10N/kg

<u>Etude de l'équilibre du corps (S)</u>:

1) Faites le bilan des forces qui s'exercent sur le corps S.
2) Représentez les forces qui s'exercent sur le corps (S).
3) 3-1-Calculer l'intensité du poids du corps (S).

3-2) En appliquant la condition d'équilibre du corps S déterminer l'intensité de la tension du fil $\vec{T}$.

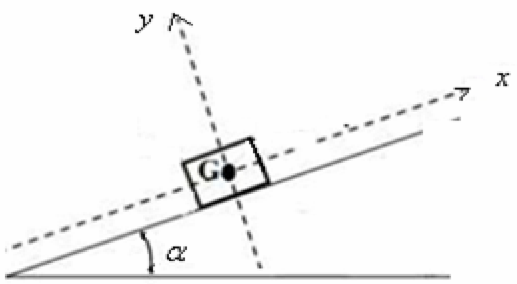
<u>Etude de l'équilibre de l'anneau</u>:

1) Faites le bilan des forces qui s'exercent sur l'anneau.
2) Représentez les forces qui s'exercent sur l'anneau.
3) Montrer en utilisant la méthode analytique que l'intensité de la force $\vec{F}_2$ est $F_2 = 8N$.

puis déterminer la valeur de l'intensité de la force $\vec{F}_1$ exercée par le ressort R_1 sur l'anneau.

$9^{ème}$ exercice :

Un corps solide de forme parallélépipédique et de masse m=200kg est en équilibre sur un plan incliné d'un angle $\alpha = 20^o$ Par rapport à l'horizontale. (on donne g=9,8N/kg)



1)Déterminer les valeurs des composantes normale R_N et tangentielle R_T de la réaction du plan incliné.

2) On exerce sur le corps à l'aide d'un fil inextensible une force pour le faire déplacer vers le haut.
Sachant que le coefficient de frottement entre le corps et le plan incliné est : k=0,5 .
Quelle est la valeur minimale de la force exercée par le fil pour mettre le corps en mouvement .

$10^{ème}$ exercice :

Le système représenté dans la figure (1) est en équilibre , il est composé d'un corps (S) homogène de masse m=600g et de masse volumique ρ.

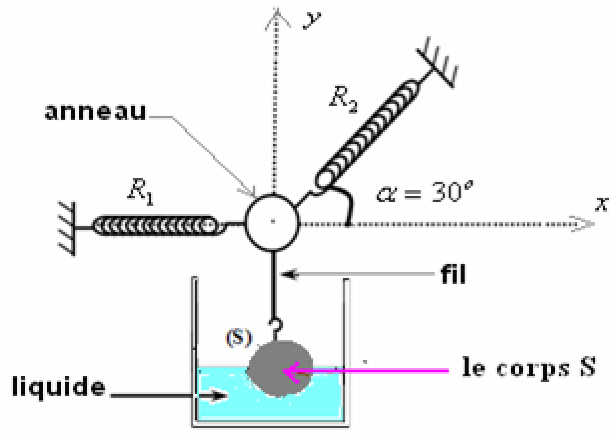


figure (1)

Le corps est à moitié immergé dans un liquide de masse volumique ρ_L et il est suspendu (avec à un fil et lié à un anneau de masse m'.
L'anneau est maintenu en équilibre par un fil et deux ressorts:
-un ressort R_1 qui exerce sur le corps S une force horizontale $\vec{F}_1$.
-un ressort R_2 qui exerce sur le corps S une force horizontale $\vec{F}_2$ faisant un angle $\alpha = 30°$ avec l'horizontale.
(le fil est inextensible et exerce sur le corps S une force $\vec{T}$).
On donne g=10N/kg

Etude de l'équilibre du corps (S):

1) Faites le bilan des forces qui s'exercent sur le corps S.
2) Représentez les forces qui s'exercent sur le corps (S).
3) 3-1- Calculer l'intensité du poids du corps (S).
   3-2- Sachant que la masse volumique du corps S : $\rho = \frac{m}{V}$ (V : volume du corps et m sa masse). et la masse volumique du liquide $\rho_L = \frac{2}{3}\rho$.
   Donner l'expression de l'intensité de la poussée d'Archimède en fonction de valeur m et g , puis calculer sa valeur.
   3-3- En appliquant la condition d'équilibre du corps S , montrez que l'intensité de la force $\vec{T}$ est $T = 4N$.

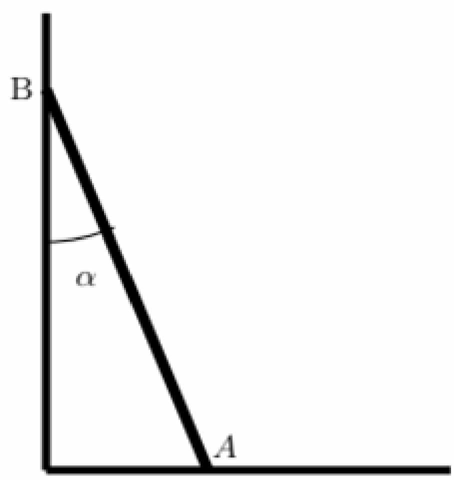
Etude de l'équilibre de l'anneau:

1) Faites le bilan des forces qui s'exercent sur l'anneau.
2) Représentez les forces qui s'exercent sur l'anneau.
3) 3-1)En utilisant la méthode analytique montrer que l'intensité du poids de l'anneau est P'=2N, sachant que l'intensité de la force $\vec{F}_2$ est $F_2 = 12N$.
   3-2) En déduire la valeur de la masse m' de l'anneau.
4) Déterminer la valeur de l'intensité de la force $\vec{F}_1$ exercée par le ressort R_1 Sur l'anneau.
5) Déterminer la constante de raideur k_2 du ressort R_2 sachant que son allongement est $\Delta\ell_2 = 6cm$

....

11ème exercice :

1) Une échelle AB de longueur L=2m et de poids P=400N est appuyée sur un mur comme l'indique la figure suivante :



Sachant que le contact en B se fait sans frottement et que l'intensité de la réaction du mur sur AB au point B est égale à 300N ,
1) Déterminer la nature du contact de l'échelle avec le sol au point A.
2) En étudiant l'équilibre de l'échelle déterminer l'intensité de la réaction du sol au point A.

12ème exercice :

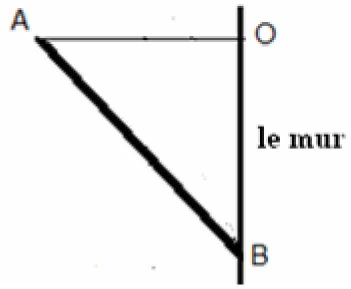
Une barre homogène AB de masse m= 60 kg repose par son extrémité B sur un mur verticale .

La barre est maintenue en équilibre par son extrémité A grâce à un câble de masse négligeable fixé au mur en O .

On donne OB= 2OA; g= 10 N/kg.

1.Faire le bilan des forces qui s'exercent sur la barre et les représenter .

2.Déterminer les caractéristiques de chaque force.

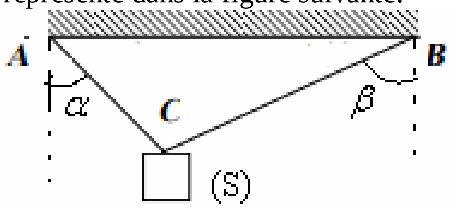


3) **En déduire la nature du contact de la barre en B avec le mur.**

4) **Calculer le coefficient de frottement.**

13ème exercice :

On considère le corps (S) de masse m=300kg représenté dans la figure suivante:



Les deux fil sont de mases négligeables et forment avec la vertical les angles $\alpha = 45^o$ $\beta = 30^o$.

1) faites le bilan des forces qui s'exercent sur le corps (S).

2) représentez les forces qui s'exercent sur (S).

3) Déterminez les intensités des forces qui s'exercent sue le corps (S). on donne g=10N/kg.

SBIRO Abdelkrim pour toute observation contactez moi mail : sbiabdou@yahoo.fr.

correction

Correction du 1er exercice :

1)Bilan des forces qui s'exercent sur la sphère :
- $\vec{P}$: **poids de la sphère.**
- $\vec{R}$: **réaction du mur (elle est perpendiculaire au mur en M)**
- $\vec{T}$:**tension du fil.**

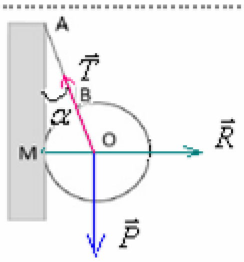
2) a) A l'équilibre : $\vec{P}+\vec{R}+\vec{T}=\vec{0}$ $\Leftrightarrow$ **La ligne polygonale des trois forces est fermée.**
et les lignes d'action des trois forces sont concourantes et coplanaires.

b)

On a :

$$\sin\alpha = \frac{OM}{OA} = \frac{r}{r+AB} = \frac{10}{10+20} = \frac{10}{30} = \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow \quad \alpha = \sin^{-1}\left(\frac{1}{3}\right) \approx 19{,}5^o$$



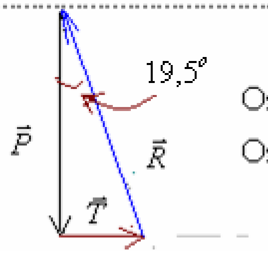
3-2- a) méthode graphique :

La ligne polygonale des trois forces est fermée.

On a : $P = m.g = 1{,}4\times10 = 14N$

Choisissons comme echelle : $1cm \rightarrow 3{,}5N$

Donc $\vec{P}$ sera représenté par 4cm.

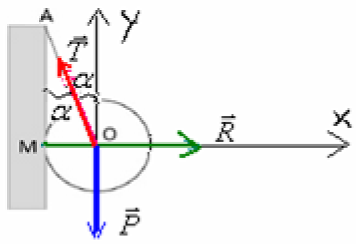


On trouve 1,5cm pour $\vec{T}$ $\Rightarrow$ T=5N

On trouve 4,4cm pour $\vec{R}$ $\Rightarrow$T=15N

b) méthode analytique.

2) a) A l'équilibre : (a) $\vec{P}+\vec{R}+\vec{T}=\vec{0}$



Projection de la relation (a) sur oy

$$-P+0+T.\cos\alpha=0 \quad\Rightarrow\quad T=\frac{P}{\cos\alpha}=\frac{14}{\cos 19{,}5}\approx 15N$$

Projection de la relation (a) sur ox

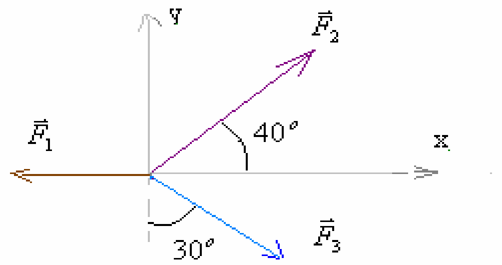
$$0+R-T.\sin\alpha=0 \quad\Rightarrow\quad R=T.\sin\alpha=15..\sin 19{,}5^{o}=5N$$

Correction du 2eme exercice :

1) Le corps S est en équilibre sous l'action de trois forces , donc les droites d'action de ces trois forces sont concourantes et coplanaires et la somme vectorielle de ces trois forces est égale vecteur nul.

$\Sigma\vec{F}=0$ **c'est-à-dire:** $\vec{F}_1+\vec{F}_2+\vec{F}_3=\vec{0}$

2) Représentons les trois forces dans le repère (O,x,y).



D'après la condition d'équilibre on a : $\vec{F}_1+\vec{F}_2+\vec{F}_3=\vec{0}$ **(1)**

Projetons cette relation sur l'axe oy:

$0+F_2.\sin 40-F_3.\cos 30=0 \quad\Rightarrow\quad F_2.\sin 40=F_3.\cos 30$ **d'où :** $F_3=\dfrac{F_2.\sin 40}{\cos 30}$ A.N: $F_3=\dfrac{4\times\sin 40}{\cos 30}\approx 3N$

3) en projetant la relation (1) sur l'axe (ox)

$-F_1+F_2.\cos 40+F_3\sin 30=0 \quad\Rightarrow\quad F_1=F_2.\cos 40+F_3\sin 30$ A.N: $F_1=4\cos 40+3\sin 30\approx 4{,}5N$

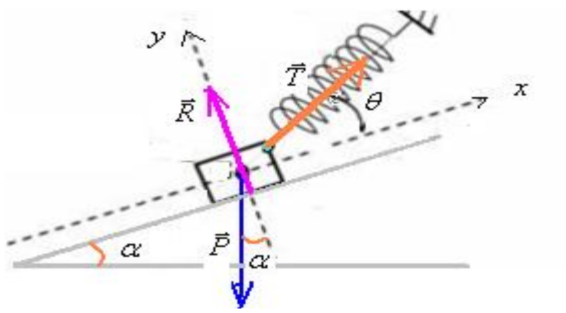
Correction du 3eme exercice :

1) A l'équilibre le corps C est soumis à l'action des forces suivantes:

$\vec{P}$ **: le poids du corps C.**

$\vec{T}$ **: la tension du ressort .**

$\vec{R}$ **: la réaction du plan incliné.**



2)2-1- Le corps C est en équilibre sous l'action de trois forces , $\vec{P}$ **,** $\vec{T}$ **et** $\vec{R}$ **donc** $\vec{P}+\vec{T}+\vec{R}=\vec{0}$ **(a)**

En projetant la relation (a) sur l'axe ox:

$-P\sin\alpha+T.\cos\theta+0=0 \quad\Rightarrow T.\cos\theta=P.\sin\alpha$ **avec** $T=K.\Delta\ell$

donc : $K.\Delta\ell.\cos\theta=m.g.\sin\alpha \quad\Rightarrow\quad \Delta\ell=\dfrac{m.g.\sin\alpha}{K.\cos\theta}$ **A.N :** $\Delta\ell=\dfrac{0{,}2.\times 10\sin 30}{40\times\cos 20}=0{,}0266\approx 0{,}027m=2{,}7cm$

2-2- On en déduit la tension du ressort : $T=K.\Delta\ell=40\times 0{,}027\approx 1N$

En projetant la relation (a) sur l'axe oy:

$-P.\cos\alpha+T.\sin\theta+R=0 \quad\Rightarrow R=m.g.\cos\alpha-T.\sin\theta$ **A.N:** $R=0{,}2\times 10.\cos 30-1.\sin 20\approx 1{,}4N$

Correction du 4eme exercice :

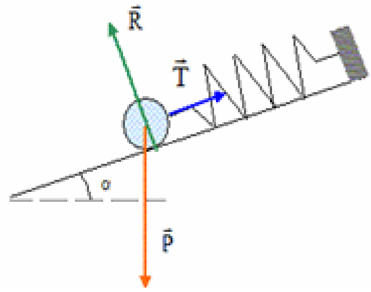
1) Les forces qui s'exercent sur le corps S sont :

$\vec{P}$: Poids du corps S.

$\vec{R}$:La réaction du plan incliné (elle est perpendiculaire au plan car le contact se fait sans frottement).

$\vec{T}$: la force exercée par le ressort.

2)



3) l'intensité de la force exercée par le resort:

$$T = K.\Delta\ell = 15 \times 5.10^{-2} = 0{,}75N$$

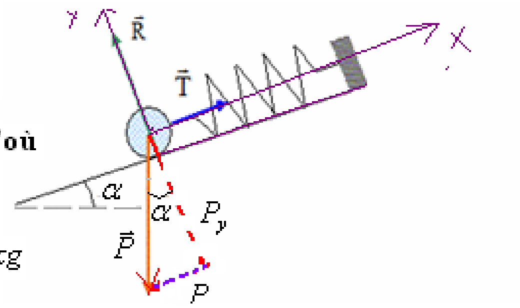
4) a) Le corps S est en équilibre sous l'action de trois forces : $\vec{P}$, $\vec{R}$ et $\vec{T}$ donc on a: (1) $\vec{P} + \vec{T} + \vec{R} = \vec{0}$

Par projection de cette relation sur l'axe ox elle devient:

$-P.\sin\alpha + T + 0 = 0$ c'est-à-dire : $-m.g.\sin\alpha + T = 0$ d'où

$m.g.\sin\alpha = T$ $\Rightarrow$ $m = \dfrac{T}{g.\sin\alpha}$

Application numérique $m = \dfrac{0{,}75}{10.\sin 20} = 0{,}219kg = 219g$



b) Par projection sur l'axe oy de la relation (1):

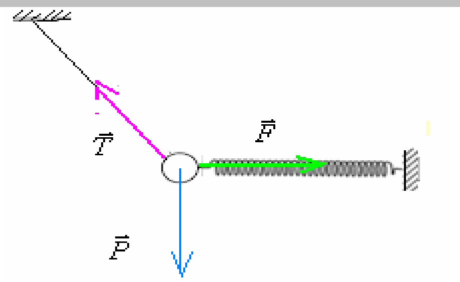
$-P.\cos\alpha + 0 + R = 0$ c'est-à-dire $-m.g.\cos\alpha + R = 0$ $\Rightarrow$ $R = m.g.\cos\alpha$

A.N: $R = 0{,}219 \times 10 \times \cos 20 \approx 2N$

Correction du5 ^{ème} exercice :

1) Le disque est soumis à l'action de 3 forces:

- $\vec{P}$: le poids du disque.
- $\vec{F}$: la forces exercée par le ressort .
- $\vec{T}$: la tension du fil.



2) Condition d'équilibre du disque : la somme vectorielle des trois forces est égale vecteur nul.

$\vec{P} + \vec{T} + \vec{R} = \vec{0}$ $\Leftrightarrow$ la ligne polygonale des 3 forces est fermée.

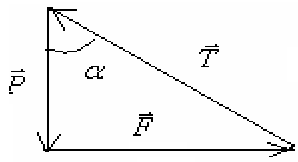
3) 3-1- <u>la méthode de la construction géométrique</u> $\Leftrightarrow$ la ligne polygonale des 3 forces est fermée.

On a $P = m.g = 0{,}3 \times 10 = 3N$ F=4N

On considère l'échelle suivante

$1cm \longrightarrow 1N$

et on trace le polygone fermé des trois forces .



Graphiquement on trouve R=5N.

$\tan\alpha = \dfrac{F}{P} = \dfrac{4}{3}$ $\Rightarrow$ $\alpha = \tan^{-1}(\dfrac{4}{3}) \approx 53°$

3-2- <u>la méthode analytique:</u>

(1) $\vec{P} + \vec{T} + \vec{R} = \vec{0}$

On considère le repère (o,x,y)

Projection de la relation (1) sur ox:

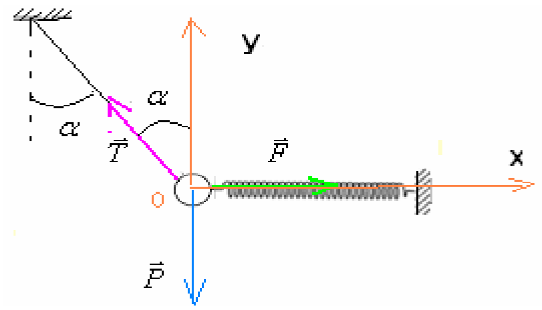
$0 - T.\sin\alpha + F = 0$ $\Rightarrow$ $F = T.\sin\alpha$ (a)

Projection de la relation (1) sur oy:

$-P + T.\cos\alpha + 0 = 0$ $\Rightarrow$ $P = T.\cos\alpha$ **(b)**

$\dfrac{(a)}{(b)}$ $\Rightarrow \tan\alpha = \dfrac{F}{P} = \dfrac{4}{3}$ $\Rightarrow$ $\alpha = \tan^{-1}(\dfrac{4}{3}) \approx 53°$

D'après la relation (a) $T = \dfrac{F}{\sin\alpha} = \dfrac{4}{\sin 53} = 5N$



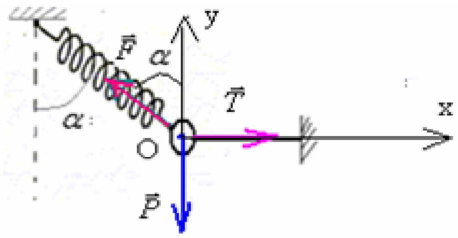
Correction du 6 ^{ème} exercice :

1) , le solide S est soumis à l'action de trois forces :

$\vec{P}$:le poids du corps

$\vec{F}$: la force exercée par le ressort

$\vec{T}$: la tension du fil.



2) Soit (O,x,y).

3) condition d'équilibre: $\vec{P} + \vec{F} + \vec{T} = \vec{0}$

4) composantes des forces:

$\vec{P}\begin{vmatrix} P_x = 0 \\ P_y = -P \end{vmatrix}$ $\vec{F}\begin{vmatrix} F_x = -F.\sin\alpha \\ F_y = +F.\cos\alpha \end{vmatrix}$ $\vec{T}\begin{vmatrix} T_x = +T \\ T_y = 0 \end{vmatrix}$

5) Projection de la relation : $\vec{P}+\vec{F}+\vec{T}=\vec{0}$ sur oy:

$-P+F\cos\alpha+0=0 \quad \Rightarrow \quad F=\dfrac{m.g}{\cos\alpha}$

A.N: $F=\dfrac{200.10^{-3}\times10}{.\cos30}=2{,}3N$

6) Projection de la relation : $\vec{P}+\vec{F}+\vec{T}=\vec{0}$ sur ox:

$0-F\sin\alpha+T=0$ (avec : $T=K.\Delta\ell$) $\Rightarrow$ $K.\Delta\ell=F\sin\alpha$ d'où : $\Delta\ell=\dfrac{F\sin\alpha}{K}$

A.N: $\Delta\ell=\dfrac{2{,}3\times\sin30}{40}\approx0{,}029m=2{,}9cm$

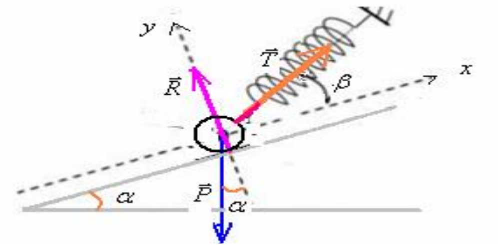
Correction du 7 ème exercice :

A l'équilibre le corps est soumis à l'action des forces suivantes:

$\vec{P}$ **: Le poids du corps C.**

$\vec{T}$ **: La tension du ressort.**

$\vec{R}$ **: La réaction du plan incliné. (Elle est perpendiculaire au plan car le contact se fait sans frottement).**



2)2-1- Le corps est en équilibre sous l'action de trois forces , $\vec{P}$ **,** $\vec{T}$ **et** $\vec{R}$ **donc** $\boxed{\vec{P}+\vec{T}+\vec{R}=\vec{0}}$ **(a)**

En projetant la relation (a) sur l'axe ox:

$-P\sin\alpha+T.\cos\beta+0=0 \Rightarrow T.\cos\beta=P.\sin\alpha$ **donc** $T.\cos\beta=m.g.\sin\alpha$

d'où : $\boxed{T=\dfrac{m.g.\sin\alpha}{\cos\beta}}$

A.N : $T=\dfrac{1{,}7\times9{,}8\sin40}{\cos\beta}=\dfrac{10{,}7}{\cos\beta}$

3) ■ pour $\beta=0$ **On a** $T=\dfrac{10{,}7}{\cos0}=10{,}7N$

■ pour $\beta=25^o$ **On a** $T=\dfrac{10{,}7}{\cos25}=11{,}8N$

■ pour $\beta=45^o$ **On a** $T=\dfrac{10{,}7}{\cos45}\approx15N$

4) on a : $T=K.\Delta\ell \quad \Rightarrow \quad \Delta\ell=\dfrac{T}{K}$

■ pour $\beta=0$ **On a** $T=10{,}7N$ **Donc :** $\Delta\ell=\dfrac{T}{K}=\dfrac{10{,}7}{60}\approx0{,}18m=18cm$

■ pour $\beta=25$ **On a** $T=11{,}8N$ **Donc :** $\Delta\ell=\dfrac{T}{K}=\dfrac{11{,}8}{60}\approx0{,}2m=20cm$

■ pour $\beta=25$ **On a** $T=15N$ **Donc :** $\Delta\ell=\dfrac{T}{K}=\dfrac{15}{60}\approx0{,}25m=25cm$

correction du 8 ème exercice :

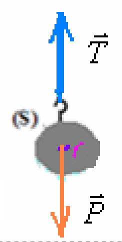
Etude de l'équilibre du corps (S):

1) Le corps S est soumis à l'action de deux forces : $\vec{P}$ **:poids du corps S** $\vec{T}$ **: Tension du fil.**

2) représentation des forces

3) 3-1 $P=m.g=0{,}6\times10=6N$

3.2) **Condition d'équilibre :** $\vec{P}+\vec{T}=\vec{0}$ **donc les 2 forces ont même intensité : T=P=m.g=** $6N$



Etude de l'équilibre de l'anneau:

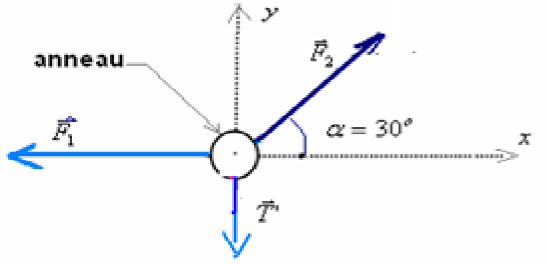
1)L'anneau est en équilibre sous l'action de trois forces:

$\vec{T}'$ **:tension du fil. (le fil étant inextensible donc T'=T=4N).**

$\vec{F}_1$**: force exercée par le ressort R_1 .**

$\vec{F}_2$ **: force exercée par le ressort R_2 .**

2)



3) 3-1- Condition d'équilibre: **(2)** $\vec{T}'+\vec{F}_1+\vec{F}_2=\vec{0}$

Par projection de la relation (2) sur l'axe oy:

$$-T'+F_2.\sin\alpha+0=0 \quad \Rightarrow \quad F_2.=\frac{T'}{\sin\alpha}=\frac{4}{\sin 30}=8N$$

Par projection sur l'axe ox:

$$0+F_2.\cos\alpha-F_1=0 \quad \Rightarrow \quad F_1=F_2.\cos\alpha=8.\cos 30\approx 6{,}9N$$

correction du 9 $^{\text{ème}}$ exercice :

1) le corps est en équilibre sous l'action de 2 forces : $\vec{P}$ **: le poids du corps .** $\vec{R}$ **: réaction du plan incliné.**

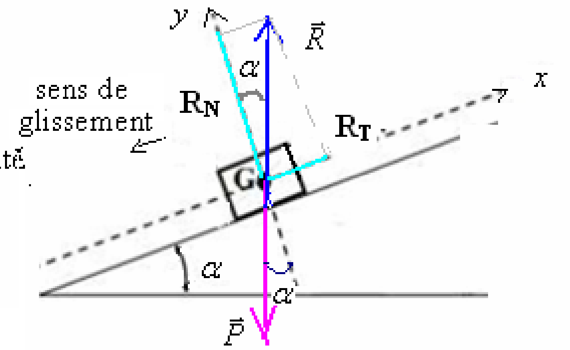
À l'équilibre on a: $\vec{P}+\vec{R}=\vec{0}$ donc les 2 forces sont opposées et de même intensité

donc: $R = P = m.g = 200\times 9{,}8 = 1960N$

$R_T = R.\sin\alpha = 1960\times\sin 20 \approx 670N$

et $R_N = R.\cos\alpha = 1960\times\cos 20\approx 1842N$

Le sens de glissement du corps étant vers le bas (la réactions est inclinée dans le sens inverse)



2) Le corps est soumis à l'action de 3 forces:

$\vec{P}$**: le poids du corps .**

$\vec{R}$ **: réaction du plan incliné.**

$\vec{T}$**: la tension du fil.**

à l'équilibre on a : $\vec{P}+\vec{R}+\vec{T}=\vec{0}$

Par projection sur l'axe oy:

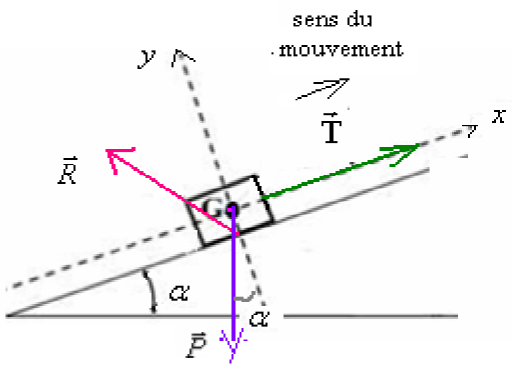
$$-P.\cos\alpha+R_N+0=0 \quad \Rightarrow \quad R_N=m.g.\cos\alpha$$

A.N: $R_N = 200\times 9{,}8\times.\cos 20\approx 1842N$

Par projection sur l'axe ox:

$$-P.\sin\alpha-f+T=0 \quad \Rightarrow \quad T=m.g.\sin\alpha+f$$ avec $f=k.R_N=0{,}5.(1842)=921N$

$T=200\times 9{,}8\times\sin 20+921=1591N$



correction du 10 $^{\text{ème}}$ exercice :

Etude de l'équilibre du corps (S):

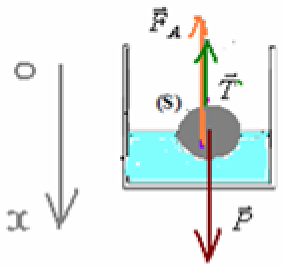
1) Le corps S est soumis à l'action des forces suivantes :

$\vec{P}$ **:poids du corps S.**

$\vec{T}$**: Tension du fil.**

$\vec{F}_A$**: poussée d'Archimède.**

2) représentation des forces.



3) 3-1- $P=m.g=0{,}6\times 10=6N$

3-2- $F_A = \rho_L.V_{imm}.g = \frac{2}{3}\rho.\frac{V}{2}.g = \frac{\rho V.g}{3} = \frac{m.g}{3}$

donc: $F_A = \frac{0,6\times 10}{3} = 2N$

3-3-Le corps S est équilibre sous l'action de 3 forces , donc : $\Sigma\vec{F} = \vec{0}$

(1) $\vec{P}+\vec{T}+\vec{F}_A = \vec{0}$

En projetant la relation (1) sur l'axe ox:

$P - T - F_A = 0 \quad \Rightarrow \quad T = P - F_A = 6 - 2 = 4N$

<u>Etude de l'équilibre de l'anneau</u>:

1)L'anneau est en équilibre sous l'action de quatre forces:

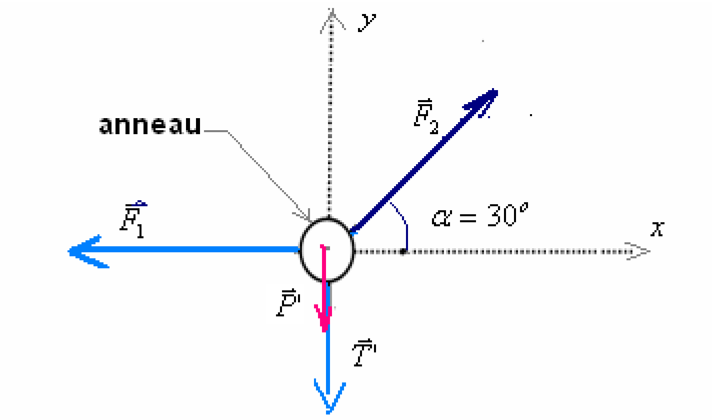
$\vec{T}'$:tension du fil. (le fil étant inextensible donc T'=T=4N).

$\vec{F}_1$: force exercée par le ressort R_1 .

$\vec{F}_2$: force exercée par le ressort R_2 (d'intensité $F_2 = 12N$) .

$\vec{P}'$: poids de l'anneau.

2)



3) 3-1- Condition d'équilibre: (2) $\vec{T}'+\vec{F}_1+\vec{F}_2+\vec{P}' = \vec{0}$

Par projection de la relation (2) sur l'axe oy:

$-T'+F_2.\sin\alpha + 0 - P' = 0 \quad \Rightarrow \quad P' = F_2.\sin\alpha - T' = 12\sin 30 - 4 = 2N$

3-2- On a : P'=m'.g donc: $m' = \frac{P'}{g} = \frac{2}{10} = 0,2kg = 200g$

4) Par projection sur l'axe ox:

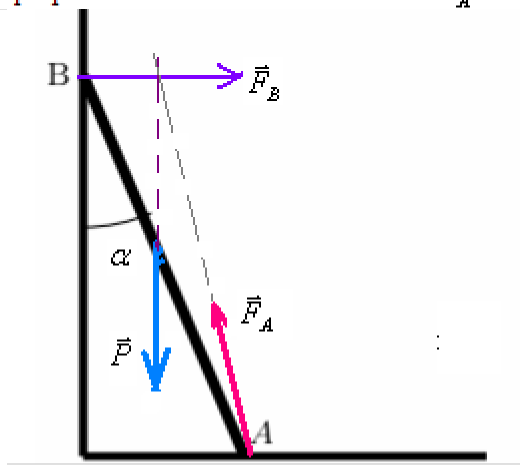
$0 + F_2.\cos\alpha - F_1 = 0 \quad \Rightarrow \quad F_1 = F_2.\cos\alpha = 12.\cos 30 = 10,4N$

5) $F_2 = k_2.\Delta\ell_2 \quad \Rightarrow \quad k_2 = \frac{F_2}{\Delta\ell_2} = \frac{12}{6.10^{-2}} = 200N/m$

Correction du11 ème exercice :

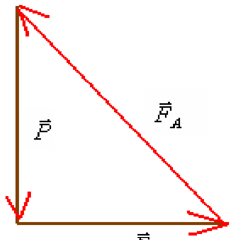
1) L'échelle AB est en équilibre sous l'action de 3 forces : son poids $\vec{P}$, la réaction du mur en B : $\vec{F}_B$ et celle du sol en A : $\vec{F}_A$

Donc les trois forces sont concourantes: ce qui permet de savoir la direction de . $\vec{F}_A$



La réaction du sol au point A n'est pas perpendiculaire au sol , donc le contact au point A se fait avec frottement.

2) L'échelle AB est en équilibre sous l'action de 3 forces donc le polygone de ces trois forces est fermé.



En appliquant le théorème de Pythagore on a: $F_A = \sqrt{P^2 + F_B^{\,2}} = \sqrt{400^2 + 300^2} = 500N$

Correction du12 ème exercice :

1) les forces qui s'exercent sur la barre sont:

$\vec{P}$:poids de la barre.

$\vec{T}$: tension du fil.

$\vec{R}$:réaction du mur au point B.

Les droites d'actions des trois forces sont concourantes.

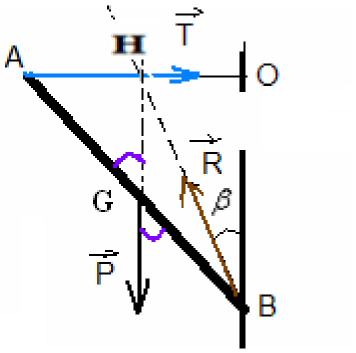
On a : OB= 2OA

on a aussi $OH = \dfrac{OA}{2}$

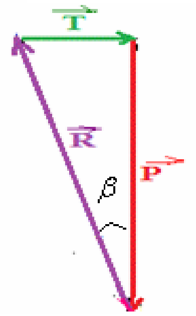
(triangles aux sommets)

$$\tan\beta = \frac{OH}{OB} = \frac{OA/2}{2.OA} = \frac{1}{4} = 0{,}25$$

$$\Rightarrow \quad \beta = \tan^{-1}(0{,}25) = 14°$$



Le polygone de trois forces est fermé



On a : $\tan\beta = \dfrac{T}{P} \quad \Rightarrow \quad T = P.\tan\beta = m.g\tan\beta = 60\times10\times\tan 14 \approx 150N$

et on a $\cos\beta = \dfrac{R}{P} \quad \Rightarrow \quad R = \dfrac{P}{\cos\beta} = \dfrac{m.g}{\cos\beta} = \dfrac{60\times10}{\cos 14} \approx 618N$

<u>Caractéristiques des forces</u>:

$$\vec{P}\begin{cases} -\ point\ .d'application : G \\ -\ droite.d'action : la.verticale\ .passant.par.G \\ -\ sens : vers.le.bas. \\ -\ intensité :\ P = 600N \end{cases}$$

$$\vec{T}\begin{cases} -\ point\ .d'application : A \\ -\ droite.d'action :\ AO \\ -\ sens :\ A \to O \\ -\ intensité :\ T = 150N \end{cases}$$

$$\vec{R}\begin{cases} -\ point\ .d'application : B \\ -\ droite.d'action :\ fait.un.angle.\beta.\ avec.la.verticale \\ -\ sens : vers.le.haut \\ -\ intensité :\ R = 618N \end{cases}$$

3) le contact de la barre au point B se fait avec frottement.

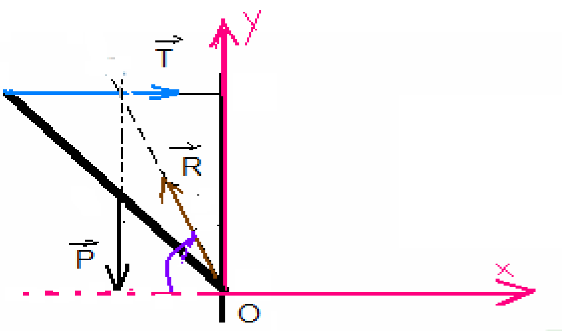
4) soit φ L'angle de frottement.

Condition d'équilibre: $\vec{P} + \vec{R} + \vec{T} = \vec{0}$

Par projection sur l'axe ox: $0 - R_N + T = 0 \quad \Rightarrow \quad R_N = T = 150N$

Par projection sur l'axe oy: $-P + R_T + 0 = 0 \quad \Rightarrow \quad R_T = P = 600N$

le coefficient de frottement : $K = \tan\varphi = \dfrac{R_T}{R_N} = \dfrac{600}{150} = 4$



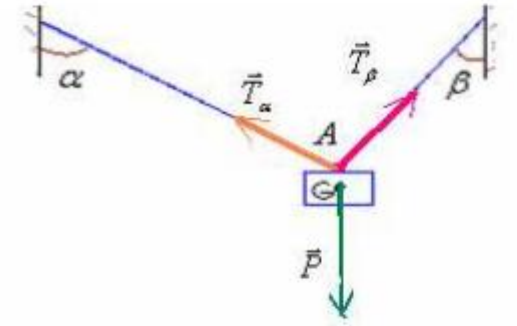
Correction du13 ème exercice :

-1

$\vec{P}$:

$\vec{T}_\alpha$:

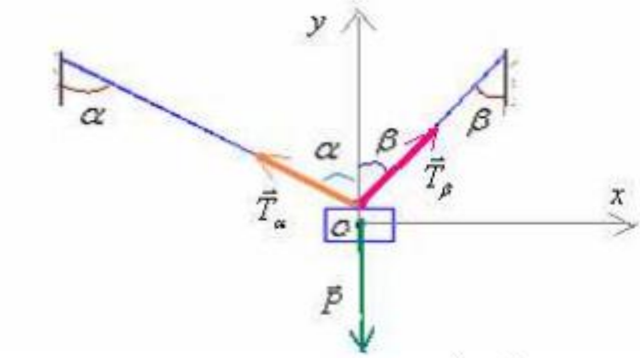
$\vec{T}_\beta$:



$$\Sigma\vec{F} = \vec{0}$$

(1) $$\vec{T}_\beta + \vec{T}_\alpha + \vec{P} = \vec{0}$$

$(0, x, y)$



: (o, y) (o, x) (1)

$$\begin{cases} T_{\beta x} + T_{\alpha x} + P_x = 0 \\ T_{\beta y} + T_{\alpha y} + P_y = 0 \end{cases}$$

: $(0, x, y)$

$$\vec{T}_\beta \begin{cases} +T_\beta . \sin\beta \\ +T_\beta . \cos\beta \end{cases} \qquad \vec{T}_\alpha \begin{cases} -T_\alpha . \sin\alpha \\ +T_\alpha . \cos\alpha \end{cases} \qquad \vec{P} \begin{cases} 0 \\ -P \end{cases}$$

$$\begin{cases} T_\beta . \sin\ \beta - T_\alpha . \sin\ \alpha + 0 = 0 \\ T_\beta . \cos\ \beta + T_\alpha . \cos\ \alpha - P = 0 \end{cases}$$

T_β : و T_α $\Leftarrow P = 3.10^3 N$; $\alpha = 45°$ $\beta = 30°$

$$D = \begin{vmatrix} \sin\beta & -\sin\alpha \\ \cos\beta & \cos\alpha \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0,5 & -0,707 \\ 0,866 & 0,707 \end{vmatrix} = 0,3535 + 0,612262 = 0,965762$$

$$D_{T_\beta} = \begin{vmatrix} 0 & -\sin\alpha \\ P & \cos\alpha \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0 & -0,707 \\ 3.10^3 & 0,707 \end{vmatrix} = 0,707.10^3$$

$$D_{T_\alpha} = \begin{vmatrix} \sin\beta & 0 \\ \cos\beta & P \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0,5 & 0 \\ 0,866 & 3.10^3 \end{vmatrix} = 1,5.10^3$$

$$T_\alpha = \frac{D_{T\alpha}}{D} = \frac{1,5.10^3}{0,965762} = 1,55310^3 N$$

$$T_\beta = \frac{D_{T\beta}}{D} = \frac{0,707.10^3}{0,965762} = 2,196.10^3 N$$

••••••••••••••••••••••••••••••••••

SBIRO Abdelkrim pour toute observation contactez moi mail : sbiabdou@yahoo.fr

لا تنسونا من صالح دعائكم ونسال الله لكم العون والتوفيق.