

# S

# érie d'exercices N°1

## \_\_ Rotation d'un solide autour d'un axe fixe \_\_

### Exercice 1 :

L'image ci-contre est la chronophotographie d'une roue de bicyclette dont le cadre est maintenu immobile. On a collé une pastille jaune sur un rayon. L'intervalle de temps entre deux prises de vue consécutives est égal à 40 ms.

- 1) Caractériser le mouvement de la roue.
- 2) Déterminer la vitesse angulaire  $\omega$  de la roue.
- 3) Calculer la valeur  $v$  de la vitesse d'un point situé à sa périphérie.
- 4) Déterminer la période  $T$  de rotation de la roue.

**Donnée :** Diamètre de la roue  $D = 50$  cm



### Exercice 2 :

Le tambour d'une machine à laver le linge est un cylindre de 46 cm de diamètre. Au moment de l'essorage, il tourne autour de son axe à 800 tr / min.

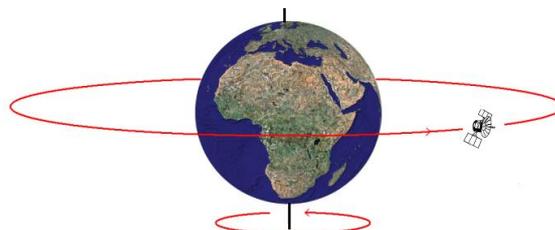
- 1) Calculer sa vitesse angulaire  $\omega$  de rotation en tr/s puis en rad/s.
- 2) Calculer la vitesse  $v$  d'un point A de la périphérie du tambour.

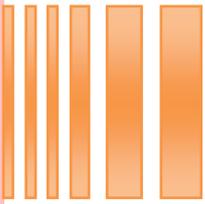


### Exercice 3 :

Un satellite géostationnaire tourne autour de la terre à la vitesse supposée constante de 11000 km/h. On suppose que sa trajectoire est une orbite circulaire de 42000 km.

- 1) Calculer la vitesse angulaire de ce satellite.
- 2) Calculer la fréquence, puis la période de ce mouvement. Expliquer l'appellation «géostationnaire».





# Série d'exercices N°1

## \_ Rotation d'un solide autour d'un axe fixe \_

### Exercice 4 : Les Satellites d'observation de la Terre.

1) La période de rotation de la Terre (rayon  $R_T = 6380$  km) autour de l'axe de ses pôles, dans le référentiel géocentrique, est de 86164 s.

Calculer la valeur de la vitesse d'un point situé :

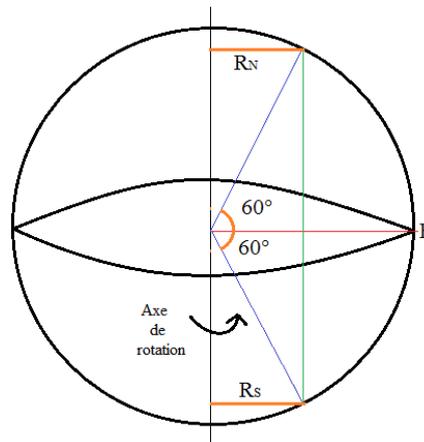
- ✓ Sur l'équateur ;
- ✓ À une latitude de  $60^\circ$  Nord ;
- ✓ À une latitude de  $60^\circ$  Sud.

2) Le satellite géostationnaire Météosat, assimilable à un point matériel, est situé à la distance de 42200 km du centre de la Terre. Ce satellite est fixe dans un référentiel terrestre.

- a) Décrire son mouvement dans le référentiel géocentrique.
- b) Déterminer sa vitesse angulaire  $\omega$  dans le référentiel géocentrique.
- c) Calculer sa vitesse dans le référentiel géocentrique.

3) Le satellite Spot II décrit une trajectoire circulaire à une altitude de 830 km, à la vitesse constante de 7550 m/s dans le référentiel géocentrique.

Calculer sa période de rotation. Ce satellite est-il géostationnaire ?



### Exercice 5 :

Un cylindre de rayon  $r=30$ cm, tourne autour d'un axe fixe à une vitesse angulaire constante  $\omega=33,3$  tr/min.

- 1) Qu'elle est la nature de mouvement d'un point de périphérique du disque dans le référentiel terrestre ?
- 2) Déterminer la vitesse angulaire du disque en rad/s.
- 3) Calculer la vitesse rectiligne d'un point de la périphérie du disque dans le référentiel terrestre, puis dans un référentiel lié au disque.
- 4) Calculer la distance parcourue par le même point pendant 5 min.



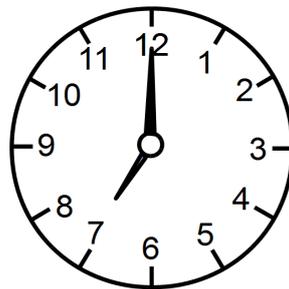


# Série d'exercices N°1

## \_\_ Rotation d'un solide autour d'un axe fixe \_\_

### Exercice 6 :

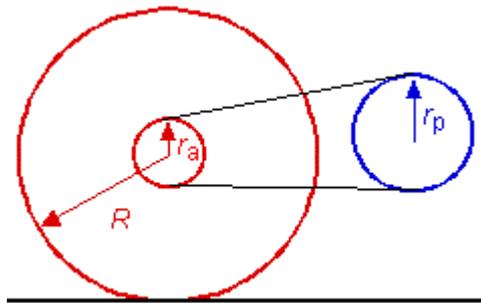
- 1) Déterminer la vitesse angulaire de la grande aiguille d'une montre.
- 2) Déterminer la vitesse angulaire de la petite aiguille d'une montre.
- 3) On choisit l'origine des dates à midi. A quel instant les deux aiguilles se superposent-elles à nouveau ?



### Exercice 7 :

La figure ci-dessous représente le rouage d'entraînement d'une bicyclette.

- ✓ Rayon du pédalier:  $r_p = 9$  cm
- ✓ Rayon du pignon arrière:  $r_a = 6$  cm
- ✓ Rayon de la roue arrière:  $R = 40$  cm



1) Si le pédalier tourne à une vitesse de 100 tours/min, quelle est la vitesse de la bicyclette (la roue arrière roule sans glisser) ?

Si la bicyclette part du repos et accélère à un taux constant pour atteindre une vitesse de 30 km/h, 12 secondes plus tard ;

- 2) Combien de tours la roue arrière fait-elle pendant les 10 premières secondes du mouvement ?
- 3) Quelle est la vitesse angulaire du pignon de la roue arrière à  $t = 10$  s ?
- 4) Quelle est l'accélération angulaire du pédalier ?





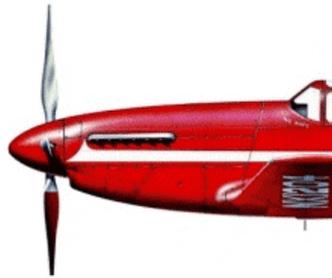
# Série d'exercices N°1

## \_\_ Rotation d'un solide autour d'un axe fixe \_\_

### Exercice 8 :

L'hélice d'un avion de tourisme de type DR400 possède une hélice bipale de 1,83m de diamètre. A pleine puissance du moteur, cette hélice tourne à 2700 tours/minute.

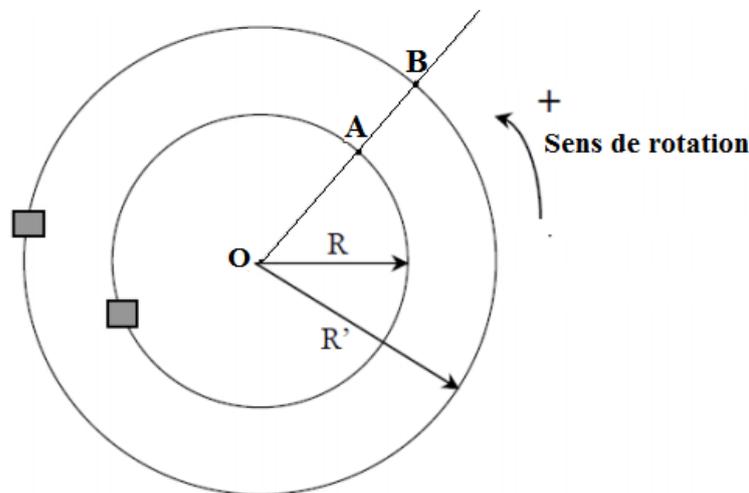
- 1) Déterminez la vitesse angulaire en  $\text{rad.s}^{-1}$  de cette hélice.
- 2) Calculez la vitesse à l'extrémité d'une pale, et comparez cette vitesse à la vitesse du son qui est d'environ  $340 \text{ m.s}^{-1}$ .



### Exercice 9 :

Un circuit de voiture électriques miniatures a la forme d'un anneau circulaire de centre O. le rayon moyen de la piste intérieure est  $R=50 \text{ cm}$  et celui de la piste extérieure  $R'=60 \text{ cm}$ . Les deux automobiles sont animées de mouvements circulaires uniformes de vitesse  $v=1 \text{ m.s}^{-1}$ .

- 1) Combien de tours chaque voiture aura-elle-effectue lorsque les deux voitures se retrouvent de nouveau simultanément en A et B ?
- 2) Quelle durée s'écoulera entre ces deux passages ?



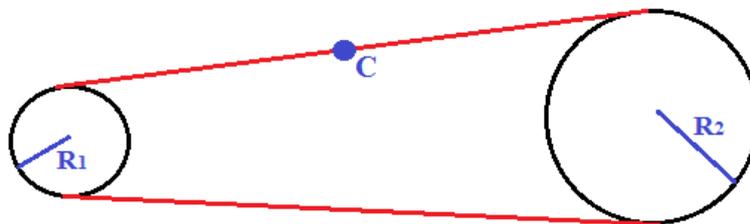
# Série d'exercices N°1

## \_\_ Rotation d'un solide autour d'un axe fixe \_\_

### Exercice 10 :

On considère un système de deux poulies reliées par une courroie. La première poulie a un rayon  $R_1 = 5\text{cm}$  et tourne à une vitesse angulaire constante  $\omega_0 = 180\text{ rad}\cdot\text{s}^{-1}$ . La seconde a un rayon  $R_2 = 30\text{cm}$ .

- 1) Calculer la vitesse angulaire de la seconde poulie.
- 2) La courroie porte une marque C. Calculer la vitesse de translation du point C au cours du mouvement.
- 3) Calculer la distance parcourue par C pendant une durée de 30 s.



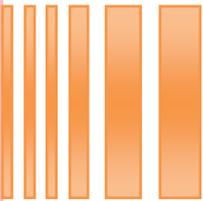
### Exercice 11 :

La photo ci-dessous présente une cassette audio. A la lecture, le cabestan C entraîne la bande magnétique à la vitesse constante de  $4,8\text{cm/s}$ . A l'instant  $t=0$ , toute la bande est sur la bobine  $B_1$ .

- 1) Quelles sont, à l'instant  $t=0$ , les vitesses angulaires  $\omega_1$  et  $\omega_2$  des bobines  $B_1$  (Rayon  $R_1=R$ ) et  $B_2$  (Rayon  $R_2=r$ ) ?
- 2) Comment évoluent ces vitesses au cours de l'écoute ?
- 3) Quelles sont les vitesses angulaires  $\omega_1$  et  $\omega_2$  des deux bobines à la fin de l'écoute lorsque toute la bande est sur  $B_2$  ( $R_1=r$  et  $R_2=R$ ) ?
- 4) Lors du rembobinage la vitesse angulaire de la bobine  $B_1$  est cette fois constante et vaut  $\omega_R$ . Quelles sont les vitesses angulaires extrêmes de la bobine  $B_2$  (début et fin de rembobinage) ?

**Données :**  $R = 2,5\text{cm}$  ;  $r = 1,0\text{cm}$



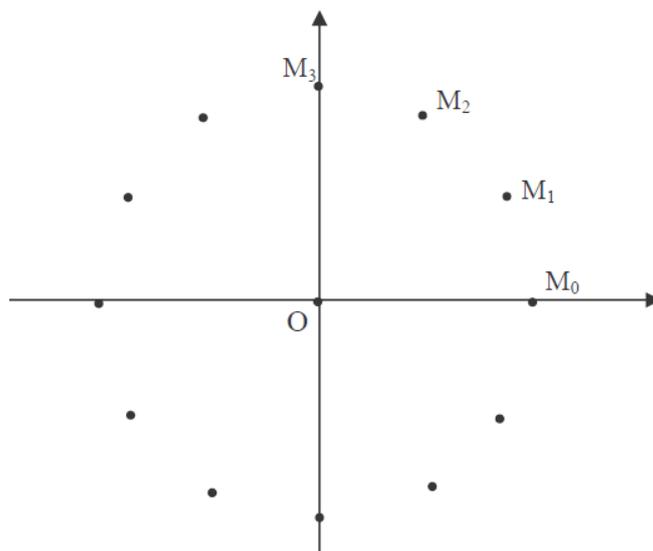


# Série d'exercices N°1

## \_ Rotation d'un solide autour d'un axe fixe \_

### Exercice 12 :

La figure suivante représente l'enregistrement de mouvement d'un point M située au centre d'un autoporteur en rotation autour d'un axe fixe. (L'autoporteur est lié par un fil à un axe métallique fixé sur une table horizontale). L'intervalle de temps entre deux enregistrements consécutifs est égal à 40 ms.



On considère l'axe Ox passant par  $M_0$  comme direction référentielle. Les position du point M sont déterminées par l'abscisse angulaire  $\theta_i = (\overrightarrow{Ox}, \overrightarrow{OM_i})$  ou bien par l'abscisse curviligne  $S = (\widehat{M_0M_i})$ . Le moment d'enregistrement de point  $M_2$  correspond à l'origine des temps.

- 1) Montrer que le mouvement de M est circulaire uniforme.
- 2) Compléter le tableau suivant :

	$M_0$	$M_1$	$M_2$	$M_3$	$M_4$	$M_5$	$M_6$	$M_7$	$M_8$	$M_9$	$M_{10}$	$M_{11}$
$\Theta$ (rad)												
S (m)												
t(s)												

- 3) En utilisant une échelle convenable, tracer les deux courbes  $\theta=f(t)$  et  $s=f(t)$ .
- 4) En déduire les équations horaires du mouvement de point M.
- 5) Déterminer la vitesse angulaire de rotation de l'autoporteur et la vitesse de translation du point M graphiquement et par le calcul.
- 6) Vérifier la relation  $v = r.\omega$ , tel que v est la vitesse de translation,  $\omega$  la vitesse angulaire et r le rayon de la trajectoire.

